

# Eksamen

22.05.2020

REA3028 Matematikk S2



Se eksamenstips på baksiden!

# Nynorsk

| <b>Eksamensinformasjon</b>       |  |
|----------------------------------|--|
| <b>Eksamenstid</b>               | Eksamen varer i 5 timar.   |
| <b>Hjelpemiddel</b>              | <p>Del 1: Skrivesaker, passar, linjal og vinkelmålar (På del 1 er det ikkje tillate å bruke datamaskin.)</p> <p>Del 2: Alle hjelpemiddel er tillatne, bortsett frå opent Internett og andre verktøy som kan brukast til kommunikasjon.</p> <p>Når du bruker nettbaserte hjelpemiddel under eksamen, har du ikkje lov til å kommunisere med andre. Samskriving, chat og andre måtar å utveksle informasjon med andre på er ikkje tillate.</p> |
| <b>Informasjon om oppgåva</b>    | <p>Del 1 har 7 oppgåver. Del 2 har 4 oppgåver.</p> <p>Der oppgåveteksten ikkje seier noko anna, kan du fritt velje framgangsmåte. Om oppgåva krev ein bestemt løysingsmetode, vil ein alternativ metode kunne gi låg/noko utteljing. Poeng i Del 1 og Del 2 er berre rettleiande i vurderinga.</p> <p>Bruk av digitale verktøy som grafteiknar og CAS skal dokumenterast.</p>  |
| <b>Kjelder</b>                   | <p>Kjelder for bilete, teikningar osv.:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>• Vasstand: NVE</li><li>• Alle andre grafar og figurar: Utdanningsdirektoratet</li></ul>   |
| <b>Informasjon om vurderinga</b> | Sjå eksamensrettleiinga med kjenneteikn på måloppnåing til sentralt gitt skriftleg eksamen. Eksamensrettleiinga finn du på Utdanningsdirektoratets nettsider.  |
| <b>Vedlegg</b>                   | Vedlegg 1: Standard normalfordeling  |

## Del 1

### Oppgave 1 (3 poeng)

Deriver funksjonane

a)  $f(x) = x^3 + 3e^x$

b)  $g(x) = \frac{\ln(2x)}{x^2}$

### Oppgave 2 (2 poeng)

Løys likningssystemet

$$6x - y + 3z = 12$$

$$5x + 3y + z = 11$$

$$3x + 2y + z = 10$$

### Oppgave 3 (4 poeng)

a) Bestem summen av den aritmetiske rekkja

$$-8 - 3 + 2 + 7 + \dots + 987$$

b) Grunngi at den uendelege geometriske rekkja under konvergerer, og bestem summen av rekkja

$$80 - 20 + 5 - \frac{5}{4} + \dots$$

### Oppgave 4 (5 poeng)

Eit polynom  $P$  er gitt ved

$$P(x) = x^3 - 9x^2 + 15x - 7$$

- Grunngi at  $P(x)$  er deleleg med  $(x-1)$ .
- Løys ulikskapen  $P(x) \geq 0$ .
- Forkort brøken

$$\frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 - 9x^2 + 15x - 7}$$

### Oppgave 5 (8 poeng)

Funksjonen  $f$  er gitt ved

$$f(x) = (x-1)^2 \cdot (x-7)$$

- Vis at grafen til  $f$  har eit botnpunkt i  $(5, -32)$ .  
Bestem eventuelle andre toppunkt og botnpunkt på grafen til  $f$ .
- Lag ei skisse av grafen til  $f$ .

Vi skal no studere vass-standen under ein vårflaum i ei elv. Vass-standen er høgda (i meter) på vatnet målt på ein utplassert skala.

Ein modell  $g$  for vass-standen er gitt ved

$$g(x) = -0,10 \cdot f(x), \quad D_g = [2, 6]$$

Her er  $x$  talet på dagar etter at flaumen starta.

- Når var vass-standen på sitt høgaste, og kva var vass-standen da?
- Når auka vass-standen mest, og kor raskt auka han da?



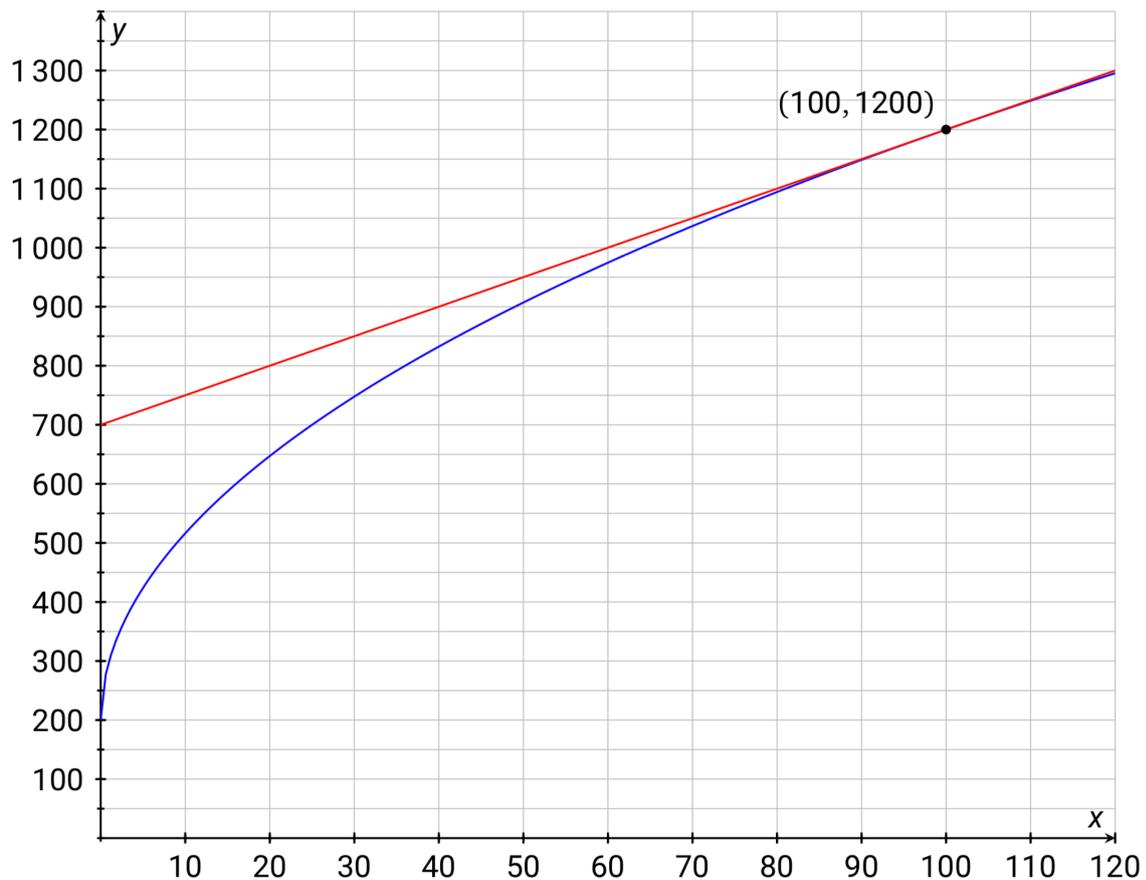
## Oppgave 6 (6 poeng)

For ei bedrift kostar det  $K(x)$  kroner å produsere  $x$  einingar av ei vare per dag.

Einingskostnaden er

$$E(x) = \frac{K(x)}{x}$$

Figuren under viser grafen til  $K$  og tangenten til grafen i punktet  $(100, 1200)$ .



- Bruk figuren under til å bestemme  $K'(100)$  og  $E(100)$ .
- Vis at den deriverte av einingskostnaden kan skrivast som

$$E'(x) = \frac{K'(x) - E(x)}{x}$$

- Bestem  $E'(100)$ . Kva fortel dette talet oss?

## Oppgave 7 (8 poeng)

Ei bedrift produserer drops. 20 % av dropsa er gule, og resten er raude. Dropsa blir tilfeldig fordelte i posar. Det er 100 drops i kvar pose.

La  $X$  vere talet på gule drops i ein tilfeldig vald pose.

Vi kan gå ut frå at  $X$  er ein binomisk fordelt variabel.

a) Vis at  $E(X) = 20$  og  $\text{Var}(X) = 16$ .

I resten av oppgåva går vi ut frå at  $X$  er tilnærma normalfordelt.

b) Bestem sannsynet for at det er 25 eller fleire gule drops i ein tilfeldig vald pose.

c) Lag ei skisse som viser sannsynsfordelinga til  $X$ . Skraver området som illustrerer svaret i oppgåve b).

d) Bestem  $a$  slik at  $P(20 - a \leq X \leq 20 + a) = 0,90$ .

Kva fortel intervallet  $[20 - a, 20 + a]$  oss i denne situasjonen?

## Del 2

### Oppgave 1 (6 poeng)

Ved stortingsvalet i september 2017 fekk Framstegspartiet 15,2 % av stemmene. Vi lar  $X$  vere talet på personar som stemte Framstegspartiet blant 1500 tilfeldig valde personar som stemte ved det førre stortingsvalet.

Vi kan betrakte  $X$  som ein binomisk fordelt variabel.

a) Bestem  $P(X \geq 240)$ .

Ei avis hadde mistanke om at oppslutninga til Framstegspartiet hadde gått ned. I april 2020 blei 1500 tilfeldig valde personar som stemte ved det førre stortingsvalet, spurde kva parti dei ville ha stemt på om det hadde vore val i dag.

b) Set opp ein nullhypotese og ein alternativ hypotese som kan brukast for å teste mistanken til avisa.

Det viste seg at 13,8 % av dei spurde ville ha stemt på Framstegspartiet.

c) Gjennomfør hypotesetesten. Bruk den til å avgjere om det er grunnlag for å seie at Framstegspartiet har fått mindre oppslutning. Bruk eit signifikansnivå på 5 %.

## Oppgave 2 (6 poeng)

I 2019 registrerte forskarar talet på rotter i ein bypark nokre dagar i perioden frå og med 31. mai til og med 20. juli. Sjå tabellen.

|                     |   |    |    |    |     |     |
|---------------------|---|----|----|----|-----|-----|
| Dagar etter 31. mai | 0 | 10 | 20 | 30 | 40  | 50  |
| Rotter              | 6 | 15 | 37 | 72 | 104 | 126 |

- a) La  $t$  være talet på dagar etter 31. mai, og bruk regresjon til å bestemme ein logistisk modell  $g$  for talet på rotter i parken.

Modellen  $f$  gitt ved

$$f(t) = \frac{120}{1 + 19 \cdot e^{-0,12t}}$$

viser kor mange rotter det var i den same parken  $t$  dagar etter 31. mai i 2018.

- b) Når auka talet på rotter raskast, ifølgje modellen  $f$ ?  
Kor raskt auka rottebestanden da?

I ein annan park blei det i 2019 registrert 20 rotter den 31. mai. Gå ut frå at rottebestanden også i denne parken følgjer ein logistisk modell. Gå vidare ut frå at veksten i talet på rotter var størst den 15. juli, og at bestanden stabiliserte seg på 200.

- c) Kor mange rotter var det i denne parken den 30. juli, ifølgje desse antakingane?

### Oppgave 3 (6 poeng)

Ei bedrift produserer og sel ei vare. Kostnaden  $K$  i kroner ved å produsere og selje  $x$  einingar av vara per dag, er gitt ved

$$K(x) = 0,03x^2 + 20x + 500, \quad 0 \leq x \leq 250$$

Inntekta  $I$  i kroner dersom bedrifta sel  $x$  einingar per dag, er gitt ved

$$I(x) = -0,14x^2 + 74x, \quad 0 \leq x \leq 250$$

- Teikn grafen til overskotsfunksjonen.
- Bestem kor mange einingar bedrifta må produsere og selje per dag for å få størst overskot. Kor stort blir dette overskotet?

For ei anna vare går vi ut frå at salsprisen i kroner per eining ved produksjon av  $x$  einingar er gitt på forma

$$p(x) = ax + b$$

Her er  $a$  og  $b$  to reelle tal.

Kostnadsfunksjonen for denne vara er  $K$  som gitt ovanfor.

- Bestem  $a$  og  $b$  slik at overskotet er
  - størst ved produksjon og sal av 175 einingar
  - 5625 kr ved produksjon av 175 einingar

### Oppgave 4 (6 poeng)

Caroline skal kjøpe ei leilegheit og har skaffa eit annuitetslån på 2 500 000 kr i ein bank. Lånet skal betalast tilbake med ei nedbetalingstid på 30 år, éin termin per år og ein fast årleg rentesats på 2,7 %. Første innbetaling er om eitt år.

- Kor mykje må Caroline totalt betale til banken i løpet av heile låneperioden?

Rett etter innbetaling av det 10. terminbeløpet får Caroline banken til å gjere lånet om til eit serielån. Da gjenstår 20 årlege terminar før lånet er nedbetalt, den første om eitt år. Rentesatsen er framleis 2,7 %.

- Vis at dei årlege avdraga på serielånet blir 93 820 kroner.
- Bestem summen av dei 20 terminbeløpa for serielånet.

## Bokmål

| Eksamensinformasjon               |  |
|-----------------------------------|--|
| <b>Eksamenstid</b>                | Eksamen varer i 5 timer.   |
| <b>Hjelpemidler</b>               | <p>Del 1: Skrivesaker, passer, linjal og vinkelmåler. (På del 1 er det ikke tillatt å bruke datamaskin.)</p> <p>Del 2: Alle hjelpemidler er tillatt, bortsett fra åpent Internett og andre verktøy som kan brukes til kommunikasjon.</p> <p>Når du bruker nettbaserte hjelpemidler under eksamen, har du ikke lov til å kommunisere med andre. Samskriving, chat og andre måter å utveksle informasjon med andre på er ikke tillatt.</p> |
| <b>Informasjon om oppgaven</b>    | <p>Del 1 har 7 oppgaver. Del 2 har 4 oppgaver.</p> <p>Der oppgaveteksten ikke sier noe annet, kan du fritt velge framgangsmåte. Dersom oppgaven krever en bestemt løsningsmetode, kan en alternativ metode gi lav/noe uttelling. Poeng i Del 1 og Del 2 er bare veiledende i vurderingen.</p> <p>Bruk av digitale verktøy som graftegner og CAS skal dokumenteres.</p>   |
| <b>Kilder</b>                     | <p>Kilder for bilder, tegninger osv.:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>– Vannstand: NVE</li><li>– Alle grafer og figurer: Utdanningsdirektoratet</li></ul>  |
| <b>Informasjon om vurderingen</b> | Se eksamensveiledningen med kjennetegn på måloppnåelse til sentralt gitt skriftlig eksamen. Eksamensveiledningen finner du på Utdanningsdirektoratets nettsider.   |
| <b>Vedlegg</b>                    | Vedlegg 1: Standard normalfordeling  |

## Del 1

### Oppgave 1 (3 poeng)

Deriver funksjonene

a)  $f(x) = x^3 + 3e^x$

b)  $g(x) = \frac{\ln(2x)}{x^2}$

### Oppgave 2 (2 poeng)

Løs likningssystemet

$$6x - y + 3z = 12$$

$$5x + 3y + z = 11$$

$$3x + 2y + z = 10$$

### Oppgave 3 (4 poeng)

a) Bestem summen av den aritmetiske rekken

$$-8 - 3 + 2 + 7 + \dots + 987$$

b) Begrunn at den uendelige geometriske rekken nedenfor konvergerer, og bestem summen av rekken

$$80 - 20 + 5 - \frac{5}{4} + \dots$$

### Oppgave 4 (5 poeng)

Et polynom  $P$  er gitt ved

$$P(x) = x^3 - 9x^2 + 15x - 7$$

- a) Begrunn at  $P(x)$  er delelig med  $(x - 1)$ .
- b) Løs ulikheten  $P(x) \geq 0$ .
- c) Forkort brøken

$$\frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 - 9x^2 + 15x - 7}$$

### Oppgave 5 (8 poeng)

Funksjonen  $f$  er gitt ved

$$f(x) = (x - 1)^2 \cdot (x - 7)$$

- a) Vis at grafen til  $f$  har et bunnpunkt i  $(5, -32)$ .  
Bestem eventuelle andre toppunkter og bunnpunkter på grafen til  $f$ .
- b) Lag en skisse av grafen til  $f$ .

Vi skal nå studere vannstanden under en vårflo i en elv. Vannstanden er høyden (i meter) på vannet målt på en utplassert skala.

En modell  $g$  for vannstanden er gitt ved

$$g(x) = -0,10 \cdot f(x), \quad D_g = [2, 6]$$

Her er  $x$  antall dager etter at flommen startet.

- c) Når var vannstanden på sitt høyeste, og hva var vannstanden da?
- d) Når økte vannstanden mest, og hvor raskt økte den da?



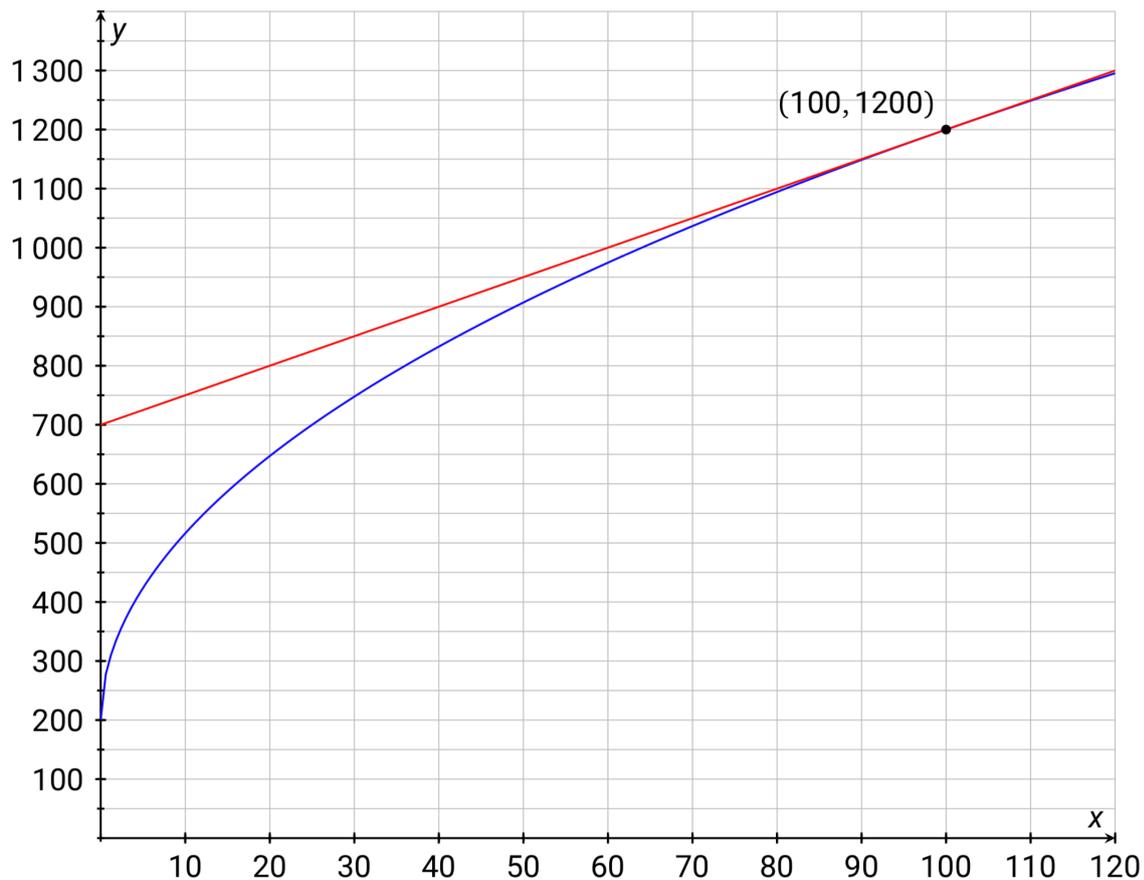
## Oppgave 6 (6 poeng)

For en bedrift koster det  $K(x)$  kroner å produsere  $x$  enheter av en vare per dag.

Enhetskostnaden er

$$E(x) = \frac{K(x)}{x}$$

Figuren nedenfor viser grafen til  $K$  og tangenten til grafen i punktet  $(100, 1200)$ .



- Bruk figuren nedenfor til å bestemme  $K'(100)$  og  $E(100)$ .
- Vis at den deriverte av enhetskostnaden kan skrives som

$$E'(x) = \frac{K'(x) - E(x)}{x}$$

- Bestem  $E'(100)$ . Hva forteller dette tallet oss?

## Oppgave 7 (8 poeng)

En bedrift produserer drops. 20 % av dropsene er gule, og resten er røde. Dropsene blir tilfeldig fordelt i poser. Det er 100 drops i hver pose.

La  $X$  være antall gule drops i en tilfeldig valgt pose.

Vi kan anta at  $X$  er en binomisk fordelt variabel.

a) Vis at  $E(X) = 20$  og  $\text{Var}(X) = 16$ .

I resten av oppgaven går vi ut fra at  $X$  er tilnærmet normalfordelt.

- b) Bestem sannsynligheten for at det er 25 eller flere gule drops i en tilfeldig valgt pose.
- c) Lag en skisse som viser sannsynlighetsfordelingen til  $X$ . Skraver området som illustrerer svaret i oppgave b).
- d) Bestem  $a$  slik at  $P(20 - a \leq X \leq 20 + a) = 0,90$ .  
Hva forteller intervallet  $[20 - a, 20 + a]$  oss i denne situasjonen?

## Del 2

### Oppgave 1 (6 poeng)

Ved stortingsvalget i september 2017 fikk Fremskrittspartiet 15,2 % av stemmene. Vi lar  $X$  være antall personer som stemte Fremskrittspartiet blant 1500 tilfeldig valgte personer som stemte ved forrige stortingsvalg.

Vi kan betrakte  $X$  som en binomisk fordelt variabel.

a) Bestem  $P(X \geq 240)$ .

En avis hadde mistanke om at oppslutningen til Fremskrittspartiet hadde gått ned. I april 2020 ble 1500 tilfeldig valgte personer som stemte ved forrige stortingsvalg, spurt hvilket parti de ville ha stemt på om det hadde vært valg i dag.

b) Sett opp en nullhypotese og en alternativ hypotese som kan brukes for å teste avisens mistanke.

Det viste seg at 13,8 % av de spurte ville ha stemt på Fremskrittspartiet.

c) Gjennomfør hypotesetesten. Bruk den til å avgjøre om det er grunnlag for å si at Fremskrittspartiet har fått mindre oppslutning. Bruk et signifikansnivå på 5 %.

## Oppgave 2 (6 poeng)

I 2019 registrerte forskere antall rotter i en bypark noen dager i perioden fra og med 31. mai til og med 20. juli. Se tabellen.

|                            |   |    |    |    |     |     |
|----------------------------|---|----|----|----|-----|-----|
| Antall dager etter 31. mai | 0 | 10 | 20 | 30 | 40  | 50  |
| Antall rotter              | 6 | 15 | 37 | 72 | 104 | 126 |

- a) La  $t$  være antall dager etter 31. mai, og bruk regresjon til å bestemme en logistisk modell  $g$  for antall rotter i parken.

Modellen  $f$  gitt ved

$$f(t) = \frac{120}{1 + 19 \cdot e^{-0,12t}}$$

viser hvor mange rotter det var i den samme parken  $t$  dager etter 31. mai i 2018.

- b) Når økte antall rotter raskest, ifølge modellen  $f$ ?  
Hvor raskt økte rottebestanden da?

I en annen park ble det i 2019 registrert 20 rotter den 31. mai. Anta at rottebestanden også i denne parken følger en logistisk modell. Anta videre at veksten i antall rotter var størst den 15. juli, og at bestanden stabiliserte seg på 200.

- c) Hvor mange rotter var det i denne parken den 30. juli, ifølge disse antakelsene?

### Oppgave 3 (6 poeng)

En bedrift produserer og selger en vare. Kostnaden  $K$  i kroner ved å produsere og selge  $x$  enheter av varen per dag, er gitt ved

$$K(x) = 0,03x^2 + 20x + 500, \quad 0 \leq x \leq 250$$

Inntekten  $I$  i kroner dersom bedriften selger  $x$  enheter per dag, er gitt ved

$$I(x) = -0,14x^2 + 74x, \quad 0 \leq x \leq 250$$

- Tegn grafen til overskuddsfunksjonen.
- Bestem hvor mange enheter bedriften må produsere og selge per dag for å få størst overskudd. Hvor stort blir dette overskuddet?

For en annen vare antar vi at salgsprisen i kroner per enhet ved produksjon av  $x$  enheter er gitt på formen

$$p(x) = ax + b$$

Her er  $a$  og  $b$  to reelle tall.

Kostnadsfunksjonen for denne varen er  $K$  som gitt ovenfor.

- Bestem  $a$  og  $b$  slik at overskuddet er
  - størst ved produksjon og salg av 175 enheter
  - 5625 kr ved produksjon av 175 enheter

### Oppgave 4 (6 poeng)

Caroline skal kjøpe en leilighet og har skaffet et annuitetslån på 2 500 000 kr i en bank. Lånet skal betales tilbake med en nedbetalingstid på 30 år, én termin per år og en fast årlig rentesats på 2,7 %. Første innbetaling er om ett år.

- Hvor mye må Caroline totalt betale til banken i løpet av hele låneperioden?

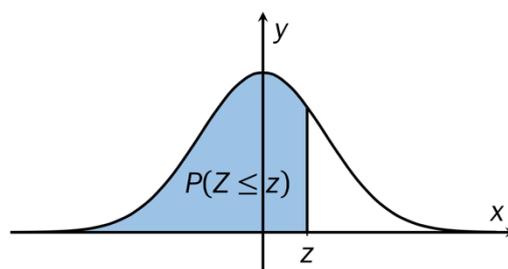
Rett etter innbetaling av det 10. terminbeløpet får Caroline banken til å gjøre lånet om til et serielån. Da gjenstår 20 årlige terminer før lånet er nedbetalt, den første om ett år. Rentesatsen er fortsatt 2,7 %.

- Vis at de årlige avdragene på serielånet blir 93 820 kroner.
- Bestem summen av de 20 terminbeløpene for serielånet.

## Vedlegg 1

# Standard normalfordeling

Tabellen viser  $P(Z \leq z)$  for  $-3,09 \leq z \leq 3,09$



| z    | 0,00   | 0,01   | 0,02   | 0,03   | 0,04   | 0,05   | 0,06   | 0,07   | 0,08   | 0,09   |
|------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| -3,0 | 0,0013 | 0,0013 | 0,0013 | 0,0012 | 0,0012 | 0,0011 | 0,0011 | 0,0011 | 0,0010 | 0,0010 |
| -2,9 | 0,0019 | 0,0018 | 0,0018 | 0,0017 | 0,0016 | 0,0016 | 0,0015 | 0,0015 | 0,0014 | 0,0014 |
| -2,8 | 0,0026 | 0,0025 | 0,0024 | 0,0023 | 0,0023 | 0,0022 | 0,0021 | 0,0021 | 0,0020 | 0,0019 |
| -2,7 | 0,0035 | 0,0034 | 0,0033 | 0,0032 | 0,0031 | 0,0030 | 0,0029 | 0,0028 | 0,0027 | 0,0026 |
| -2,6 | 0,0047 | 0,0045 | 0,0044 | 0,0043 | 0,0041 | 0,0040 | 0,0039 | 0,0038 | 0,0037 | 0,0036 |
| -2,5 | 0,0062 | 0,0060 | 0,0059 | 0,0057 | 0,0055 | 0,0054 | 0,0052 | 0,0051 | 0,0049 | 0,0048 |
| -2,4 | 0,0082 | 0,0080 | 0,0078 | 0,0075 | 0,0073 | 0,0071 | 0,0069 | 0,0068 | 0,0066 | 0,0064 |
| -2,3 | 0,0107 | 0,0104 | 0,0102 | 0,0099 | 0,0096 | 0,0094 | 0,0091 | 0,0089 | 0,0087 | 0,0084 |
| -2,2 | 0,0139 | 0,0136 | 0,0132 | 0,0129 | 0,0125 | 0,0122 | 0,0119 | 0,0116 | 0,0113 | 0,0110 |
| -2,1 | 0,0179 | 0,0174 | 0,0170 | 0,0166 | 0,0162 | 0,0158 | 0,0154 | 0,0150 | 0,0146 | 0,0143 |
| -2,0 | 0,0228 | 0,0222 | 0,0217 | 0,0212 | 0,0207 | 0,0202 | 0,0197 | 0,0192 | 0,0188 | 0,0183 |
| -1,9 | 0,0287 | 0,0281 | 0,0274 | 0,0268 | 0,0262 | 0,0256 | 0,0250 | 0,0244 | 0,0239 | 0,0233 |
| -1,8 | 0,0359 | 0,0351 | 0,0344 | 0,0336 | 0,0329 | 0,0322 | 0,0314 | 0,0307 | 0,0301 | 0,0294 |
| -1,7 | 0,0446 | 0,0436 | 0,0427 | 0,0418 | 0,0409 | 0,0401 | 0,0392 | 0,0384 | 0,0375 | 0,0367 |
| -1,6 | 0,0548 | 0,0537 | 0,0526 | 0,0516 | 0,0505 | 0,0495 | 0,0485 | 0,0475 | 0,0465 | 0,0455 |
| -1,5 | 0,0668 | 0,0655 | 0,0643 | 0,0630 | 0,0618 | 0,0606 | 0,0594 | 0,0582 | 0,0571 | 0,0559 |
| -1,4 | 0,0808 | 0,0793 | 0,0778 | 0,0764 | 0,0749 | 0,0735 | 0,0721 | 0,0708 | 0,0694 | 0,0681 |
| -1,3 | 0,0968 | 0,0951 | 0,0934 | 0,0918 | 0,0901 | 0,0885 | 0,0869 | 0,0853 | 0,0838 | 0,0823 |
| -1,2 | 0,1151 | 0,1131 | 0,1112 | 0,1093 | 0,1075 | 0,1056 | 0,1038 | 0,1020 | 0,1003 | 0,0985 |
| -1,1 | 0,1357 | 0,1335 | 0,1314 | 0,1292 | 0,1271 | 0,1251 | 0,1230 | 0,1210 | 0,1190 | 0,1170 |
| -1,0 | 0,1587 | 0,1562 | 0,1539 | 0,1515 | 0,1492 | 0,1469 | 0,1446 | 0,1423 | 0,1401 | 0,1379 |
| -0,9 | 0,1841 | 0,1814 | 0,1788 | 0,1762 | 0,1736 | 0,1711 | 0,1685 | 0,1660 | 0,1635 | 0,1611 |
| -0,8 | 0,2119 | 0,2090 | 0,2061 | 0,2033 | 0,2005 | 0,1977 | 0,1949 | 0,1922 | 0,1894 | 0,1867 |
| -0,7 | 0,2420 | 0,2389 | 0,2358 | 0,2327 | 0,2296 | 0,2266 | 0,2236 | 0,2206 | 0,2177 | 0,2148 |
| -0,6 | 0,2743 | 0,2709 | 0,2676 | 0,2643 | 0,2611 | 0,2578 | 0,2546 | 0,2514 | 0,2483 | 0,2451 |
| -0,5 | 0,3085 | 0,3050 | 0,3015 | 0,2981 | 0,2946 | 0,2912 | 0,2877 | 0,2843 | 0,2810 | 0,2776 |
| -0,4 | 0,3446 | 0,3409 | 0,3372 | 0,3336 | 0,3300 | 0,3264 | 0,3228 | 0,3192 | 0,3156 | 0,3121 |
| -0,3 | 0,3821 | 0,3783 | 0,3745 | 0,3707 | 0,3669 | 0,3632 | 0,3594 | 0,3557 | 0,3520 | 0,3483 |
| -0,2 | 0,4207 | 0,4168 | 0,4129 | 0,4090 | 0,4052 | 0,4013 | 0,3974 | 0,3936 | 0,3897 | 0,3859 |
| -0,1 | 0,4602 | 0,4562 | 0,4522 | 0,4483 | 0,4443 | 0,4404 | 0,4364 | 0,4325 | 0,4286 | 0,4247 |
| -0,0 | 0,5000 | 0,4960 | 0,4920 | 0,4880 | 0,4840 | 0,4801 | 0,4761 | 0,4721 | 0,4681 | 0,4641 |

| z   | 0,00   | 0,01   | 0,02   | 0,03   | 0,04   | 0,05   | 0,06   | 0,07   | 0,08   | 0,09   |
|-----|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 0,0 | 0,5000 | 0,5040 | 0,5080 | 0,5120 | 0,5160 | 0,5199 | 0,5239 | 0,5279 | 0,5319 | 0,5359 |
| 0,1 | 0,5398 | 0,5438 | 0,5478 | 0,5517 | 0,5557 | 0,5596 | 0,5636 | 0,5675 | 0,5714 | 0,5753 |
| 0,2 | 0,5793 | 0,5832 | 0,5871 | 0,5910 | 0,5948 | 0,5987 | 0,6026 | 0,6064 | 0,6103 | 0,6141 |
| 0,3 | 0,6179 | 0,6217 | 0,6255 | 0,6293 | 0,6331 | 0,6368 | 0,6406 | 0,6443 | 0,6480 | 0,6517 |
| 0,4 | 0,6554 | 0,6591 | 0,6628 | 0,6664 | 0,6700 | 0,6736 | 0,6772 | 0,6808 | 0,6844 | 0,6879 |
| 0,5 | 0,6915 | 0,6950 | 0,6985 | 0,7019 | 0,7054 | 0,7088 | 0,7123 | 0,7157 | 0,7190 | 0,7224 |
| 0,6 | 0,7257 | 0,7291 | 0,7324 | 0,7357 | 0,7389 | 0,7422 | 0,7454 | 0,7486 | 0,7517 | 0,7549 |
| 0,7 | 0,7580 | 0,7611 | 0,7642 | 0,7673 | 0,7704 | 0,7734 | 0,7764 | 0,7794 | 0,7823 | 0,7852 |
| 0,8 | 0,7881 | 0,7910 | 0,7939 | 0,7967 | 0,7995 | 0,8023 | 0,8051 | 0,8078 | 0,8106 | 0,8133 |
| 0,9 | 0,8159 | 0,8186 | 0,8212 | 0,8238 | 0,8264 | 0,8289 | 0,8315 | 0,8340 | 0,8365 | 0,8389 |
| 1,0 | 0,8413 | 0,8438 | 0,8461 | 0,8485 | 0,8508 | 0,8531 | 0,8554 | 0,8577 | 0,8599 | 0,8621 |
| 1,1 | 0,8643 | 0,8665 | 0,8686 | 0,8708 | 0,8729 | 0,8749 | 0,8770 | 0,8790 | 0,8810 | 0,8830 |
| 1,2 | 0,8849 | 0,8869 | 0,8888 | 0,8907 | 0,8925 | 0,8944 | 0,8962 | 0,8980 | 0,8997 | 0,9015 |
| 1,3 | 0,9032 | 0,9049 | 0,9066 | 0,9082 | 0,9099 | 0,9115 | 0,9131 | 0,9147 | 0,9162 | 0,9177 |
| 1,4 | 0,9192 | 0,9207 | 0,9222 | 0,9236 | 0,9251 | 0,9265 | 0,9279 | 0,9292 | 0,9306 | 0,9319 |
| 1,5 | 0,9332 | 0,9345 | 0,9357 | 0,9370 | 0,9382 | 0,9394 | 0,9406 | 0,9418 | 0,9429 | 0,9441 |
| 1,6 | 0,9452 | 0,9463 | 0,9474 | 0,9484 | 0,9495 | 0,9505 | 0,9515 | 0,9525 | 0,9535 | 0,9545 |
| 1,7 | 0,9554 | 0,9564 | 0,9573 | 0,9582 | 0,9591 | 0,9599 | 0,9608 | 0,9616 | 0,9625 | 0,9633 |
| 1,8 | 0,9641 | 0,9649 | 0,9656 | 0,9664 | 0,9671 | 0,9678 | 0,9686 | 0,9693 | 0,9699 | 0,9706 |
| 1,9 | 0,9713 | 0,9719 | 0,9726 | 0,9732 | 0,9738 | 0,9744 | 0,9750 | 0,9756 | 0,9761 | 0,9767 |
| 2,0 | 0,9772 | 0,9778 | 0,9783 | 0,9788 | 0,9793 | 0,9798 | 0,9803 | 0,9808 | 0,9812 | 0,9817 |
| 2,1 | 0,9821 | 0,9826 | 0,9830 | 0,9834 | 0,9838 | 0,9842 | 0,9846 | 0,9850 | 0,9854 | 0,9857 |
| 2,2 | 0,9861 | 0,9864 | 0,9868 | 0,9871 | 0,9875 | 0,9878 | 0,9881 | 0,9884 | 0,9887 | 0,9890 |
| 2,3 | 0,9893 | 0,9896 | 0,9898 | 0,9901 | 0,9904 | 0,9906 | 0,9909 | 0,9911 | 0,9913 | 0,9916 |
| 2,4 | 0,9918 | 0,9920 | 0,9922 | 0,9925 | 0,9927 | 0,9929 | 0,9931 | 0,9932 | 0,9934 | 0,9936 |
| 2,5 | 0,9938 | 0,9940 | 0,9941 | 0,9943 | 0,9945 | 0,9946 | 0,9948 | 0,9949 | 0,9951 | 0,9952 |
| 2,6 | 0,9953 | 0,9955 | 0,9956 | 0,9957 | 0,9959 | 0,9960 | 0,9961 | 0,9962 | 0,9963 | 0,9964 |
| 2,7 | 0,9965 | 0,9966 | 0,9967 | 0,9968 | 0,9969 | 0,9970 | 0,9971 | 0,9972 | 0,9973 | 0,9974 |
| 2,8 | 0,9974 | 0,9975 | 0,9976 | 0,9977 | 0,9977 | 0,9978 | 0,9979 | 0,9979 | 0,9980 | 0,9981 |
| 2,9 | 0,9981 | 0,9982 | 0,9982 | 0,9983 | 0,9984 | 0,9984 | 0,9985 | 0,9985 | 0,9986 | 0,9986 |

### TIPS TIL DEG SOM AKKURAT HAR FÅTT EKSAMENSOPPGÅVA:

- Start med å lese oppgaveinstruksen godt.
- Hugs å føre opp kjeldene i svaret ditt dersom du bruker kjelder.
- Les gjennom det du har skrive, før du leverer.
- Bruk tida. Det er lurt å drikke og ete undervegs.

**Lykke til!**

### TIPS TIL DEG SOM AKKURAT HAR FÅTT EKSAMENSOPPGAVEN:

- Start med å lese oppgaveinstruksen godt.
- Husk å føre opp kildene i svaret ditt hvis du bruker kilder.
- Les gjennom det du har skrevet, før du leverer.
- Bruk tiden. Det er lurt å drikke og spise underveis.

**Lykke til!**